МИНИСТЕРСТВО НАУКИ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение

высшего образования

«**Вятский государственный университет**»

**(ФГБОУ ВО «ВятГУ»)**

Факультет автоматики и вычислительной техники

Кафедра ЭВМ

Исследование многослойного персептрона с обучением по методу с обратным распространением ошибки

Вариант 6

Отчёт

### Лабораторная работа № 1 по дисциплине

«Системы обработки знаний»

Выполнила студентка группы ИВТб-4302\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_/Кудяшев Я.Ю./

## Проверил доцент кафедры ЭВМ\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_/Ростовцев В.С./

Киров 2023

**Цель**

Изучить алгоритм обратного распространения ошибки (ОРО) в процессе обучения нейронной сети при вариативных параметрах обучения. Работа выполняется с помощью программы BackPropagate 3.0.0.exe.

**1 Задание**

Обучающая выборка представлена в приложении А. Используется выходная функция out = 2\*x1 – x2 – 2\*x32. Переменная x1 изменяются в промежутке [-5;6] с шагом 0,1, переменная x2 изменяется в промежутке [-6;5] с шагом 0,1, переменная x3 изменяется в промежутке [-7;4] с шагом 0,1.

**2 Протокол выполнения**

Во всех таблицах ниже цветом выделен наилучший результат. Значение минимальной ошибки не учитывалось при выборе.

**2.1 Влияние нормализации на эффективность алгоритма ОРО**

Число входов: 3.

Число выходов: 1.

Циклов обучения: 1000

В таблице 1 показаны результаты исследования.

Таблица 1 – Влияние нормализации на эффективность алгоритма ОРО

|  |  |
| --- | --- |
| Тип нормализации | Результат |
| Без нормализации | Максимальная ошибка: 5,81  Минимальная ошибка: 5,44  Средняя ошибка: 5,50229166666667  Среднеквадратичная ошибка: 726,75395 |
| [0;1] | Максимальная ошибка: 0,302537  Минимальная ошибка: 0,0033500000000  Средняя ошибка: 0,052069416666667  Среднеквадратичная ошибка: 0,138510527568 |
| [-0.5;0.5] | Максимальная ошибка: 2,880193  Минимальная ошибка: 2,556324  Средняя ошибка: 2,5975755625  Среднеквадратичная ошибка: 162,046944727681 |
| [-1;1] | Максимальная ошибка: 2,903511  Минимальная ошибка: 2,533799  Средняя ошибка: 2,59730889583333  Среднеквадратичная ошибка: 162,052130648059 |

Применение нормализации [0;1] значительно сокращает величину ошибок. Результат лучше примерно в 8 раз для средних и, приблизительно в 6 раз для среднеквадратичных ошибок при нормализации [-0,5;0,5] (наиболее близкой к лучшей).

**2.2 Влияние выбора примеров на эффективность алгоритма ОРО**

Число входов: 3.

Число выходов: 1.

Циклов обучения: 1000.

Нормализация: [0;1].

В таблице 2 показаны результаты исследования.

Таблица 2 – Влияние выбора примеров на эффективность алгоритма ОРО

|  |  |
| --- | --- |
| Выбор примеров | Результат |
| Последовательный | Максимальная ошибка: 0,353118  Минимальная ошибка: 0,002828  Средняя ошибка: 0,0778805416666667  Среднеквадратичная ошибка: 0,251195927497 |
| Случайный | Максимальная ошибка: 0,305949  Минимальная ошибка: 0,002411  Средняя ошибка: 0,0527872916666667  Среднеквадратичная ошибка: 0,142568010654 |

Случайный выбор примеров показывает лучший результат по сравнению с последовательным выбором примеров обучения.

**2.3 Влияние крутизны функции на эффективность алгоритма ОРО**

Число входов: 3.

Число выходов: 1.

Циклов обучения: 1000.

Нормализация: [0;1].

Выбор примеров: случайный.

В таблице 3 показаны результаты исследования.

Таблица 3 – Влияние крутизны функции на эффективность алгоритма ОРО

|  |  |
| --- | --- |
| Крутизна функции | Результат |
| 0,1 | Максимальная ошибка: 0,304875  Минимальная ошибка: 0,002823999999999  Средняя ошибка: 0,0534410625  Среднеквадратичная ошибка: 0,1433200576905 |
| 0,5 | Максимальная ошибка: 0,323235  Минимальная ошибка: 0.000397999999999  Средняя ошибка: 0,0611260625  Среднеквадратичная ошибка: 0,1757387508475 |
| 1,0 | Максимальная ошибка: 0,305458  Минимальная ошибка: 0,001904000000000  Средняя ошибка: 0,0523589375  Среднеквадратичная ошибка: 0,1415193540485 |
| 3,0 | Максимальная ошибка: 0,307406  Минимальная ошибка: 0,003282000000000  Средняя ошибка: 0,0531715625  Среднеквадратичная ошибка: 0,1439327039345 |

Наилучшие результаты – при крутизне функции 1,0. Остальные параметры также лучше при [1;0].

**2.4 Влияние смещения на эффективность алгоритма ОРО**

Число входов: 3.

Число выходов: 1.

Циклов обучения: 200.

Нормализация: [0;1].

Выбор примеров: случайный.

Крутизна функции: 1,0.

В таблице 4 показаны результаты исследования.

Таблица 4 – Влияние смещения на эффективность алгоритма ОРО

|  |  |
| --- | --- |
| Смещение | Результат |
| 0,1 | Максимальная ошибка: 0,359231  Минимальная ошибка: 0,0020140000000000  Средняя ошибка: 0,0776972291666667  Среднеквадратичная ошибка: 0,2568521639865 |
| 0,5 | Максимальная ошибка: 0,382893  Минимальная ошибка: 0,006434  Средняя ошибка: 0,0881508958333333333  Среднеквадратичная ошибка: 0,3134337596085 |
| 1,0 | Максимальная ошибка: 0,282003  Минимальная ошибка: 0,003594999999999  Средняя ошибка: 0,041384833333333  Среднеквадратичная ошибка: 0,103969330362 |
| 2,0 | Максимальная ошибка: 0,299773  Минимальная ошибка: 0,001480000000000  Средняя ошибка: 0,0486202083333333  Среднеквадратичная ошибка: 0,12810767268 |

Наилучшие результаты наблюдаются при смещениях 1,0 и 2,0. Наименьшие минимальная ошибка наблюдается при смещении 2,0, а наименьшие максимальная, среднеквадратическая и средняя ошибки – при смещении 1,0.

**2.5 Влияние скорости обучения на эффективность алгоритма ОРО**

Число входов: 3.

Число выходов: 1.

Циклов обучения: 1000.

Нормализация: [0;1].

Выбор примеров: случайный.

Крутизна функции: 1,0.

Смещение: 1,0.

В таблице 5 показаны результаты исследования.

Таблица 5 – Влияние скорости обучения на эффективность алгоритма ОРО

|  |  |
| --- | --- |
| Скорость обучения | Результат |
| 0,01 | Максимальная ошибка: 0,320698  Минимальная ошибка: 0,027602  Средняя ошибка: 0,062982770833334  Среднеквадратичная ошибка: 0,1759826631015 |
| 0,1 | Максимальная ошибка: 0,305371  Минимальная ошибка: 0,001829000000000  Средняя ошибка: 0,049921  Среднеквадратичная ошибка: 0,134138222999 |
| 0,5 | Максимальная ошибка: 0,237007  Минимальная ошибка: 0,00137900000000  Средняя ошибка: 0,0322770208333333  Среднеквадратичная ошибка: 0,0668157736845 |
| 1,0 | Максимальная ошибка: 0,2233  Минимальная ошибка: 0,00070100000000  Средняя ошибка: 0,0322746041666667  Среднеквадратичная ошибка: 0,0609597905045 |

Увеличение скорости обучения во всех случаях ведет к снижению средней и среднеквадратичной ошибки. Наилучшие результаты наблюдаются при скорости 1,0.

**2.6 Влияние количества нейронов в скрытом слое на эффективность алгоритма ОРО**

Число входов: 3.

Число выходов: 1.

Циклов обучения: 1000.

Нормализация: [0;1].

Выбор примеров: случайный.

Крутизна функции: 1,0.

Смещение: 1,0.

Скорость обучения: 1.

В таблице 6 показаны результаты исследования.

Таблица 6 – Влияние количества нейронов в скрытом слое на эффективность алгоритма ОРО

|  |  |
| --- | --- |
| Количество нейронов в скрытом слое | Результат |
| 1 | Максимальная ошибка: 0,25006  Минимальная ошибка: 0,0001800000000  Средняя ошибка: 0,0317965625  Среднеквадратичная ошибка: 0,0731005842845 |
| 5 | Максимальная ошибка: 0,231156  Минимальная ошибка: 0,00174799999999  Средняя ошибка: 0,0293445  Среднеквадратичная ошибка: 0,060873649699 |
| 10 | Максимальная ошибка: 0,221111  Минимальная ошибка: 0,00206499999999  Средняя ошибка: 0,0337684583333333  Среднеквадратичная ошибка: 0,06214780454 |

Приоритет был отдан количеству нейронов в скрытом слое, равному 5.

**2.7 Влияние момента на эффективность алгоритма ОРО**

Число входов: 3.

Число выходов: 1.

Циклов обучения: 1000.

Нормализация: [0;1].

Выбор примеров: случайный.

Крутизна функции: 1,0.

Смещение: 1,0.

Скорость обучения: 1.

Количество нейронов в скрытом слое: 5.

В таблице 7 показаны результаты исследования.

Таблица 7 – Влияние момента на эффективность алгоритма ОРО

|  |  |
| --- | --- |
| Момент | Результат |
| Без момента | Максимальная ошибка: 0,220472  Минимальная ошибка: 0,00051099999999  Средняя ошибка: 0,034034125  Среднеквадратичная ошибка: 0,062370088013 |
| 0,1 | Максимальная ошибка: 0,236138  Минимальная ошибка: 0,00026899999999  Средняя ошибка: 0,03148883333333  Среднеквадратичная ошибка: 0,065575540123 |
| 0,5 | Максимальная ошибка: 5,801311  Минимальная ошибка: 5,438084  Средняя ошибка: 5,49967404166667  Среднеквадратичная ошибка: 726,057607390751 |
| 1,0 | Максимальная ошибка: 5,809854  Минимальная ошибка: 5,439942  Средняя ошибка: 5,502208875  Среднеквадратичная ошибка: 726,731999947743 |

Наилучшие результаты наблюдаются при обучении без момента и обучении с моментом 0,1. Наименьшие максимальная, средняя и среднеквадратичная ошибки наблюдаются при обучении без момента, а наименьшая минимальная ошибка – при обучении с моментом 0,1.

**3 Ручной расчет**

Для более подробного изучения алгоритма ОРО в режиме трассировки был сделан один проход (включающий прямое и обратное распространение), а затем те же самые действия были произведены вручную.

На рисунке 1 показана трассировка первого прохода при обучении сети.

На рисунке 2 показана структура сети.

|  |  |
| --- | --- |
| Инициализация весов синапсов случайным образом...  Нейрон[1][1]  w[1, 1, 1] = -0,424  w[1, 1, 2] = -0,78  w[1, 1, 3] = 0,232  Вес смещения:  w[1, 1, 4] = 1  Нейрон[1][2]  w[1, 2, 1] = 0,748  w[1, 2, 2] = -0,832  w[1, 2, 3] = 0,052  Вес смещения:  w[1, 2, 4] = 1  Нейрон[1][3]  w[1, 3, 1] = 0,852  w[1, 3, 2] = 0,918  w[1, 3, 3] = 0,242  Вес смещения:  w[1, 3, 4] = 1  Нейрон[1][4]  w[1, 4, 1] = -0,908  w[1, 4, 2] = -0,534  w[1, 4, 3] = 0,288  Вес смещения:  w[1, 4, 4] = 1  Нейрон[1][5]  w[1, 5, 1] = 0,158  w[1, 5, 2] = -0,54  w[1, 5, 3] = -0,626  Вес смещения:  w[1, 5, 4] = 1  Нейрон[2][1]  w[2, 1, 1] = -0,56  w[2, 1, 2] = 0,826  w[2, 1, 3] = -0,61  w[2, 1, 4] = -0,378  w[2, 1, 5] = -0,568  Вес смещения:  w[2, 1, 6] = 1  Выбираем допустимый образ из обучающего множества...  0,845095  1  0,845095  0,063683  Подаем сигнал на вход нейронной сети...  Нейрон[0][1]  Аксон = 0,845095  Нейрон[0][2]  Аксон = 1  Нейрон[0][3]  Аксон = 0,845095  Прямая волна...  Нейрон[1][1]  Взвешенная сумма = 0,05774176  Аксон = 0,5144314306  Нейрон[1][2]  Взвешенная сумма = 0,844076  Аксон = 0,6993229736  Нейрон[1][3]  Взвешенная сумма = 2,84253393  Аксон = 0,9449314665  Нейрон[1][4]  Взвешенная сумма = -0,0579589  Аксон = 0,4855143298  Нейрон[1][5]  Взвешенная сумма = 0,06449554  Аксон = 0,5161182981  Нейрон[2][1]  Взвешенная сумма = 0,2364713705  Аксон = 0,529524534 | Обратная волна - подсчет локальной ошибки нейронов...  Подсчет локальной ошибки нейронов на выходе нейронной сети...  Желаемый сигнал на выходе:  0,063683  Прогнозируемый сигнал на выходе нейронной сети:  0,529524534  Нейрон[2][1]  Локальная ошибка = 0,05802715516  Подсчет локальной ошибки нейронов в скрытых слоях нейронной сети...  Нейрон[1][1]  Локальная ошибка = -0,00811703407  Нейрон[1][2]  Локальная ошибка = 0,01007834843  Нейрон[1][3]  Локальная ошибка = -0,001841895287  Нейрон[1][4]  Локальная ошибка = -0,005478963594  Нейрон[1][5]  Локальная ошибка = -0,00823129319  Коррекция весов синапсов...  w[1, 1, 1] = -0,4171403351  w[1, 1, 2] = -0,7718829659  w[1, 1, 3] = 0,2388596649  Вес смещения:  w[1, 1, 4] = 1,008117034  w[1, 2, 1] = 0,7394828381  w[1, 2, 2] = -0,8420783484  w[1, 2, 3] = 0,04348283813  Вес смещения:  w[1, 2, 4] = 0,9899216516  w[1, 3, 1] = 0,8535565765  w[1, 3, 2] = 0,9198418953  w[1, 3, 3] = 0,2435565765  Вес смещения:  w[1, 3, 4] = 1,001841895  w[1, 4, 1] = -0,9033697553  w[1, 4, 2] = -0,5285210364  w[1, 4, 3] = 0,2926302447  Вес смещения:  w[1, 4, 4] = 1,005478964  w[1, 5, 1] = 0,1649562247  w[1, 5, 2] = -0,5317687068  w[1, 5, 3] = -0,6190437753  Вес смещения:  w[1, 5, 4] = 1,008231293  w[2, 1, 1] = -0,5898509924  w[2, 1, 2] = 0,7854202773  w[2, 1, 3] = -0,6648316848  w[2, 1, 4] = -0,4061730154  w[2, 1, 5] = -0,5979488766  Вес смещения:  w[2, 1, 6] = 0,9419728448 |

Рисунок 1 – Трассировка первого прохода

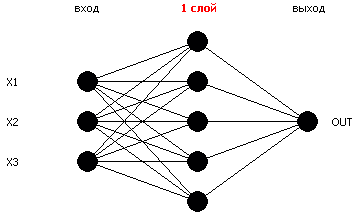


Рисунок 2 – Структура сети

В качестве активационной функции взята

|  |  |
| --- | --- |
|  | (1) |

где – взвешенная сумма входов i-го нейрона (с учетом смещения);

– коэффициент крутизны. Для всех слоев = 0,5.

В таблице 8 показан расчет прямой волны.

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| № слоя | № нейрона | № выхода | Входной сигнал xj | Весовой коэффициент wij | Смещение wi0 | Вес смещения | wij\*xj | Взвешенная сумма Si | Выход нейрона yi = F(Si) |
| Вход | 1 | 1 | 0,845095 | - | - | - | - | - | -0,797562 |
| 2 | 1 | 1 | - | - | - | - | - | -1 |
| 3 | 1 | 0,845095 | - | - | - | - | - | -0,797562 |
| 1 | 1 | 1 | 0,845095 | -0,424 | 1 | 1 | -0,35832028 | 0,05774176 | 0,514431431 |
| 2 | 1 | -0,78 | -0,78 |
| 3 | 0,845095 | 0,232 | 0,19606204 |
| 2 | 1 | 0,845095 | 0,748 | 1 | 1 | 0,63213106 | 0,844076 | 0,699322974 |
| 2 | 1 | -0,832 | -0,832 |
| 3 | 0,845095 | 0,052 | 0,04394494 |
| 3 | 1 | 0,845095 | 0,852 | 1 | 1 | 0,72002094 | 2,84253393 | 0,944931467 |
| 2 | 1 | 0,918 | 0,918 |
| 3 | 0,845095 | 0,242 | 0,20451299 |
| 4 | 1 | 0,845095 | -0,908 | 1 | 1 | -0,76734626 | -0,0579589 | 0,48551433 |
| 2 | 1 | -0,534 | -0,534 |
| 3 | 0,845095 | 0,288 | 0,24338736 |
| 5 | 1 | 0,845095 | 0,158 | 1 | 1 | 0,13352501 | 0,06449554 | 0,516118298 |
| 2 | 1 | -0,54 | -0,54 |
| 3 | 0,845095 | -0,626 | -0,52902947 |
| Выход | 1 | 1 | 0,51443143 | -0,56 | 1 | 1 | -0,288081601 | 0,236471371 | 0,529524534 |
| 2 | 0,69932297 | 0,826 | 0,577640776 |
| 3 | 0,94493147 | -0,61 | -0,576408195 |
| 4 | 0,48551433 | -0,378 | -0,183524417 |
| 5 | 0,5161183 | -0,568 | -0,293155193 |

Для расчета ошибок необходимо найти производную функции (1) по :

|  |  |
| --- | --- |
|  | (2) |

Тогда ошибка единственного нейрона выходного слоя буден найдена как

где – фактическое значение его выхода;

– желаемый сигнал на выходе.

Ошибка i-го нейрона скрытого слоя будет найдена как

где – ошибка выходного слоя;

– синаптическая связь между i-м нейроном скрытого слоя и j-м нейроном выходного слоя.

В таблице 9 показан расчет ошибок.

Таблица 9 – Расчет ошибок

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| **№ слоя** | **№ нейрона** | **Si** | **F'(Si)** | **Ошибка** |
| **Выход** | **1** | **0,23647137** | **0,12456415** | **0,058027085** |
| **1** | **1** | **0,05774176** | **0,24979173** | **-0,008117024** |
| **2** | **0,844076** | **0,21027035** | **0,010078336** |
| **3** | **2,84253393** | **0,05203599** | **-0,001841893** |
| **4** | **-0,0579589** | **0,24979017** | **-0,005478957** |
| **5** | **0,06449554** | **0,2497402** | **-0,008231283** |

Коррекция веса синапса производится по следующей формуле:

Коррекция веса смещения производится по следующей формуле:

В таблице 10 показан расчет новых весов.

Значения в таблицах 8,9 полностью совпадают со значениями на рис. 1.

Скорректированные веса в таблице 10 совпадают с искомыми с точностью не менее трех знаков после запятой; погрешность можно объяснить ошибками округления и расчетов с плавающей запятой в разных средах.

Таким образом, ручной расчет выполнен верно.

Таблица 10 – Расчет новых весов.

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **№ слоя** | **№ нейрона** | **№ выхода** | **Предыдущий весовой коэффициент wij(t)** | **Предыдущий вес смещения Tj(t)** | **Новый весовой коэффициент wij(t+1)** | **Новый вес смещения Tj(t+1)** |
| **1** | **1** | **1** | **-0,424** | **1** | **-0,421972434** | **1,002027566** |
| **2** | **-0,78** | **-0,777972434** |
| **3** | **0,232** | **0,234027566** |
| **2** | **1** | **0,748** | **1** | **0,745880825** | **0,997880825** |
| **2** | **-0,832** | **-0,834119175** |
| **3** | **0,052** | **0,049880825** |
| **3** | **1** | **0,852** | **1** | **0,852095845** | **1,000095845** |
| **2** | **0,918** | **0,918095845** |
| **3** | **0,242** | **0,242095845** |
| **4** | **1** | **-0,908** | **1** | **-0,90663141** | **1,00136859** |
| **2** | **-0,534** | **-0,53263141** |
| **3** | **0,288** | **0,28936859** |
| **5** | **1** | **0,158** | **1** | **0,160055682** | **1,002055682** |
| **2** | **-0,54** | **-0,537944318** |
| **3** | **-0,626** | **-0,623944318** |
| **Выход** | **1** | **1** | **-0,56** | **1** | **-0,567228095** | **0,992771905** |
| **2** | **0,826** | **0,818771905** |
| **3** | **-0,61** | **-0,617228095** |
| **4** | **-0,378** | **-0,385228095** |
| **5** | **-0,568** | **-0,575228095** |

**4 Выводы**

В ходе выполнения лабораторной работы был исследован алгоритм ОРО при обучении многослойной НС, а также влияние различных параметров на качество обучения.

Наибольшее влияние на качество обучения показали нормализация, крутизна функции и величина момента. Влияние других параметров, таких как смещение, скорость обучения и количество нейронов в скрытом слое были значительно меньше. При этом, случайный выбор примеров улучшил результаты работы, его использование предпочтительно для избегания привыкания сети.

Оптимальные параметры, выбранные для решения данной задачи:

Число входов: 3; Число выходов: 1; Циклов обучения: 1000; Нормализация: [0;1]; Выбор примеров: случайный; Крутизна функции: 1,0; Смещение: 1,0; Скорость обучения: 1; Количество нейронов в скрытом слое: 5.

Работе алгоритма ОРО была проверена ручным расчетом одного прохода. Вычисленные вручную значения совпали практически точно, разница с рассчитанными автоматически возникла из-за округлений и погрешностей в вычислениях.

Приложение А

(обязательное)

Обучающая выборка

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| X1 | X2 | X3 | OUT |
| 1,10 | 1,00 | 0,10 | 21,00 |
| 1,20 | 1,10 | 0,20 | 11,50 |
| 1,30 | 1,20 | 0,30 | 8,99 |
| 1,40 | 1,30 | 0,40 | 6,75 |
| 1,50 | 1,40 | 0,50 | 5,80 |
| 1,60 | 1,50 | 0,60 | 5,17 |
| 1,70 | 1,60 | 0,70 | 4,71 |
| 1,80 | 1,70 | 0,80 | 4,38 |
| 1,90 | 1,80 | 0,90 | 4,11 |
| 2,00 | 1,90 | 1,00 | 3,90 |
| 2,10 | 2,00 | 1,10 | 3,73 |
| 2,20 | 2,10 | 1,20 | 3,58 |
| 2,30 | 2,20 | 1,30 | 3,46 |
| 2,40 | 2,30 | 1,40 | 3,36 |
| 2,50 | 2,40 | 1,50 | 3,27 |
| 2,60 | 2,50 | 1,60 | 3,19 |
| 2,70 | 2,60 | 1,70 | 3,12 |
| 2,80 | 2,70 | 1,80 | 3,06 |
| 2,90 | 2,80 | 1,90 | 3,00 |
| 3,00 | 2,90 | 2,00 | 2,95 |
| 3,10 | 3,00 | 2,10 | 2,90 |
| 3,20 | 3,10 | 2,20 | 2,86 |
| 3,30 | 3,20 | 2,30 | 2,83 |
| 3,40 | 3,30 | 2,40 | 2,79 |
| 3,50 | 3,40 | 2,50 | 2,76 |
| 3,60 | 3,50 | 2,60 | 2,73 |
| 3,70 | 3,60 | 2,70 | 2,70 |
| 3,80 | 3,70 | 2,80 | 2,68 |
| 3,90 | 3,80 | 2,90 | 2,66 |
| 4,00 | 3,90 | 3,00 | 2,63 |
| 4,10 | 4,00 | 3,10 | 2,61 |
| 4,20 | 4,10 | 3,20 | 2,59 |
| 4,30 | 4,20 | 3,30 | 2,58 |
| 4,40 | 4,30 | 3,40 | 2,56 |
| 4,50 | 4,40 | 3,50 | 2,54 |
| 4,60 | 4,50 | 3,60 | 2,53 |
| 4,70 | 4,60 | 3,70 | 2,51 |
| 4,80 | 4,70 | 3,80 | 2,50 |
| 4,90 | 4,80 | 3,90 | 2,49 |
| 5,00 | 4,90 | 4,00 | 2,48 |
| 5,10 | 5,00 | 4,10 | 2,46 |
| 5,20 | 5,10 | 4,20 | 2,45 |
| 5,30 | 5,20 | 4,30 | 2,44 |
| 5,40 | 5,30 | 4,40 | 2,43 |
| 5,50 | 5,40 | 4,50 | 2,42 |
| 5,60 | 5,50 | 4,60 | 2,41 |
| 5,70 | 5,60 | 4,70 | 2,40 |
| 5,80 | 5,70 | 4,80 | 2,40 |
| 5,90 | 5,80 | 4,90 | 2,39 |
| 6,00 | 5,90 | 5,00 | 2,38 |